

Επανάληψη στα κεφάλαια 12-16

Όνομα: _____

Ασκήσεις:

1. Βρες τον Μ.Κ.Δ. των αριθμών 18,48,72 και 100,150,200 με τη μέθοδο των διαδοχικών διαιρέσεων.

$$\begin{array}{r|l} 18 & 48 & 72 \\ \hline & & \end{array} \qquad \begin{array}{r|l} 100 & 150 & 200 \\ \hline & & \end{array}$$



- 2.
- Γράψε τους διαιρέτες του 12. $\Delta 12 = \dots\dots\dots$
 - Γράψε τους διαιρέτες του 18. $\Delta 18 = \dots\dots\dots$
 - Γράψε τους διαιρέτες του 9. $\Delta 9 = \dots\dots\dots$
 - ΜΚΔ (12,18,9) = $\dots\dots\dots$

- Γράψε τους διαιρέτες του 39. $\Delta 39 = \dots\dots\dots$
- Γράψε τους διαιρέτες του 52. $\Delta 52 = \dots\dots\dots$
- Γράψε τους διαιρέτες του 65. $\Delta 65 = \dots\dots\dots$
- ΜΚΔ (39,52,65) = $\dots\dots\dots$

3. Ευκαιρία να θυμηθούμε και να μάθουμε καλύτερα τα κριτήρια διαιρετότητας!!!

*Να θυμάσαι πως αν αφιερώσεις χρόνο τώρα...
θα γλιτώσεις χρόνο στην πορεία!!!*

Ένας ακέραιος διαιρείται ακριβώς

με το **2**, αν το **τελευταίο του ψηφίο** είναι **0 ή 2 ή 4 ή 6 ή 8** (δηλαδή είναι ζυγός αριθμός)

με το **3**, όταν το **άθροισμα των ψηφίων** του είναι **3 ή 6 ή 9**

Παράδειγμα: ο αριθμός 174 διαιρείται με το 3 γιατί $1+7+4=12(2+1=3)$, ο 969 το ίδιο γιατί $9+6+9=24(2+4=6)$ κλπ.

με το **4**, όταν τα **δύο τελευταία του ψηφία διαιρούνται με το 4**

Π. χ. Ο 324 διαιρείται με το 4, γιατί και το 24 (δύο τελευταία) διαιρούνται

με το **5**, αν το **τελευταίο του ψηφίο** είναι **5 ή 0**

με το **6** αν είναι **ταυτόχρονα διαιρετός και με το 2 και με το 3**

Π. χ. Ο 678 είναι διαιρετός από το 6 γιατί διαιρείται και με το 2(ζυγός) και με το 3($6+7+8=21=2+1=3$)

με το **8**, όταν οι **3 τελευταίοι αριθμοί διαιρούνται με το 8**

Π. χ. Ο 7.368 διαιρείται ακριβώς με το 8 γιατί και ο 368 διαιρείται με το 8

με το **9**, όταν το **άθροισμα των ψηφίων** του δίνει **9**.

Π. χ. Ο 351 διαιρείται ακριβώς με το 9 γιατί $3+5+1=9$. Το ίδιο και ο 459 γιατί $4+5+9=18(8+1=9)$

με το **10**, αν το **τελευταίο του ψηφίο** είναι **0**

Με το **25** οι αριθμοί που **τα τελευταία τους δύο ψηφία είναι 00 ή 25 ή 50 ή 75**

Κύκλωσε τους αριθμούς που διαιρούνται ταυτόχρονα με το 2,4,9 :

200 648 501 2487 915 3630 748 900
160 540 1025 600 9000 6724 7083 2405

4. Ο παππούς της Ιωάννας έβγαλε 576 λίτρα κρασί και θέλει να γεμίσει μπουκάλια των 3 λίτρων. Θα μοιραστεί ακριβώς το κρασί ή περισσεύει; Πόσα μπουκάλια χρειάζεται;
Λύση:

Απάντηση _____

5. Γράφω τους παρακάτω αριθμούς ως γινόμενο πρώτων αριθμών

$$120=2 \times 60=2 \times 2 \times 30=2 \times 2 \times 2 \times 15=2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

- 6 _____
15 _____
21 _____
36 _____
48 _____
66 _____
72 _____
81 _____
39 _____



6. Αναλύω τους αριθμούς 10, 15, 28, 49, 64, 70, 81 σε γινόμενο πρώτων παραγόντων είτε με δέντροδιάγραμμα , είτε με διαδοχικές διαιρέσεις. (Μπορείς να λύσεις την άσκηση στο τετράδιο των Μαθηματικών εάν ο χώρος εδώ δεν είναι αρκετός).

$$\begin{array}{l|l} 8 & 2 \\ 4 & 2 \\ 2 & 2 \\ 1 & \end{array}$$

$$8=2 \times 2 \times 2$$

7. Βρίσκω το Ε.Κ.Π. των παρακάτω αριθμών με διαδοχικές διαιρέσεις:

$$\begin{array}{r|l} 20 & 2 \\ 35 & \\ 60 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 12 & 2 \\ 18 & \\ 28 & \end{array}$$

Ε.Κ.Π. (20,35,60)=_____

Ε.Κ.Π. (12,18,28)=_____



Σύνδεσμοι που μπορεί να χρειαστείτε:

[Ε.Κ.Π](#)

[Παραγοντοποίηση](#)

[Μ.Κ.Δ 1ος τρόπος](#)

[Μ.Κ.Δ. 2ος τρόπος](#)